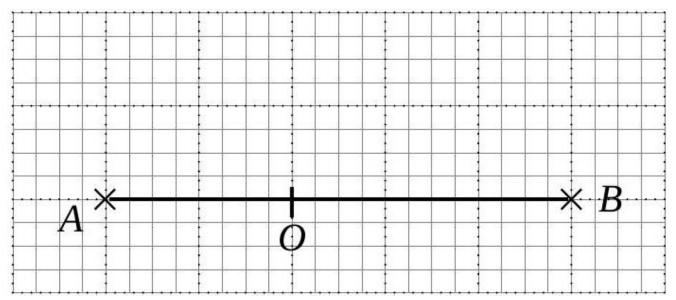
# Exercices corrigés - Transformations géométriques - 3e

## Exercice 1

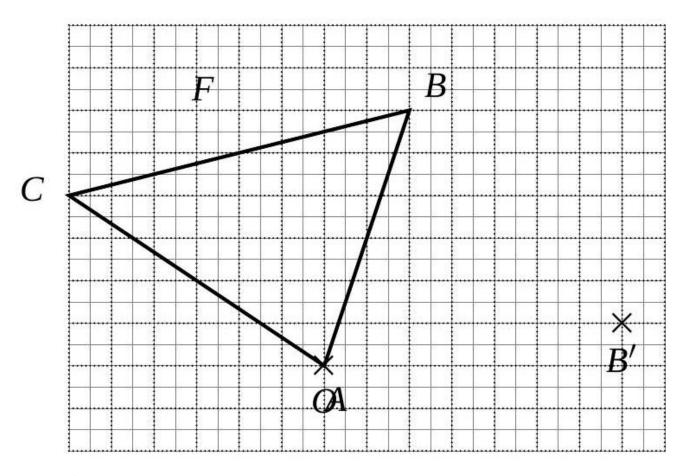
Difficulté : 25/100



Construire l'image du segment [AB] par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=90^\circ$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

Accéder au corrigé

Exercice 2



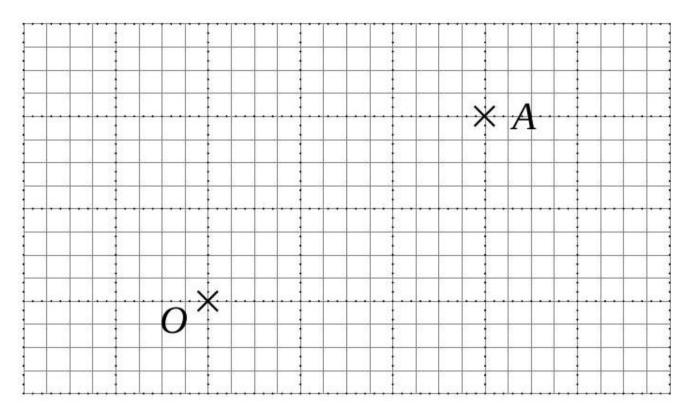
Le point B' est l'image du point B par une rotation de centre O.

- 1) Construire et mesurer l'angle de rotation.
- 2) Construire l'image F' de la figure F par cette rotation.

Accéder au corrigé

Exercice 3

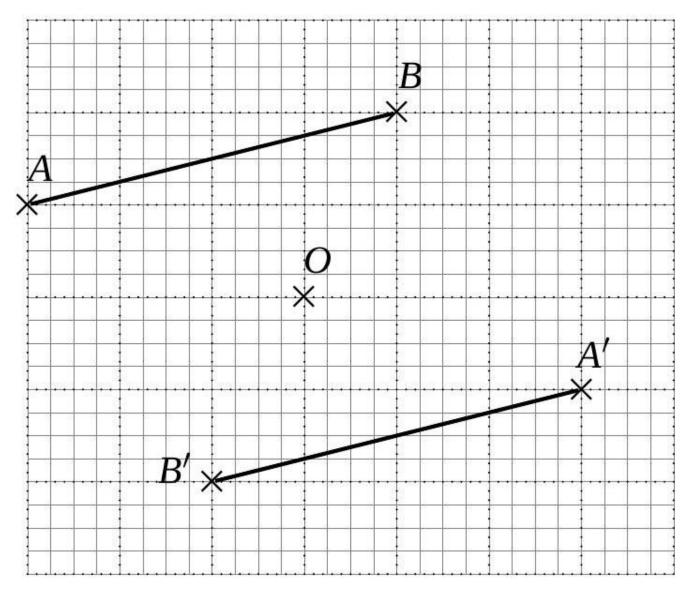
 $\mathbf{Difficult\'e}: 20/100$ 



Construisez l'image du point A par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=60^{\circ}$ , dans le sens des aiguilles d'une montre.

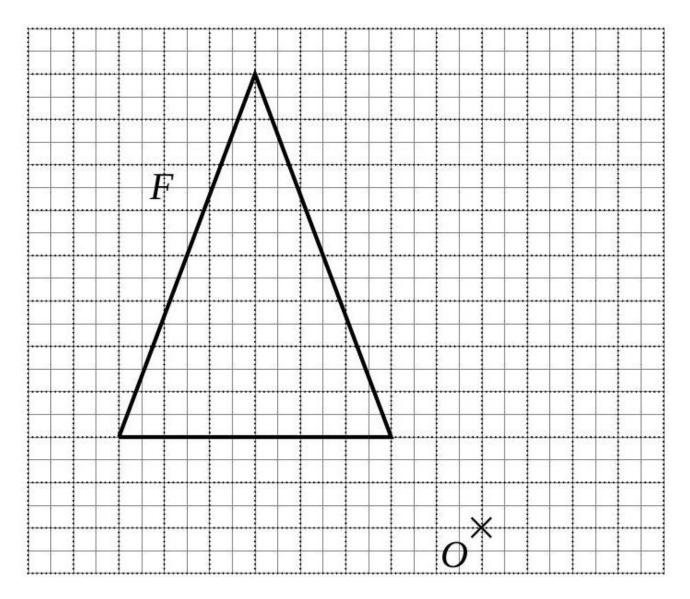
Accéder au corrigé

Exercice 4



Le segment [AB] est l'image du segment [AB] par une rotation de centre O. Construire et mesurer l'angle de rotation. Accéder au corrigé

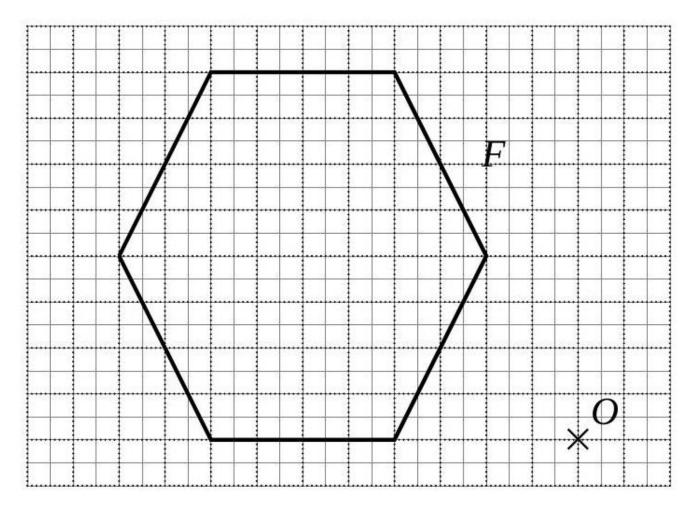
Exercice 5



Construire l'image F' de la figure F par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=60^\circ$  dans le sens des aiguilles d'une montre.

Accéder au corrigé

Exercice 6



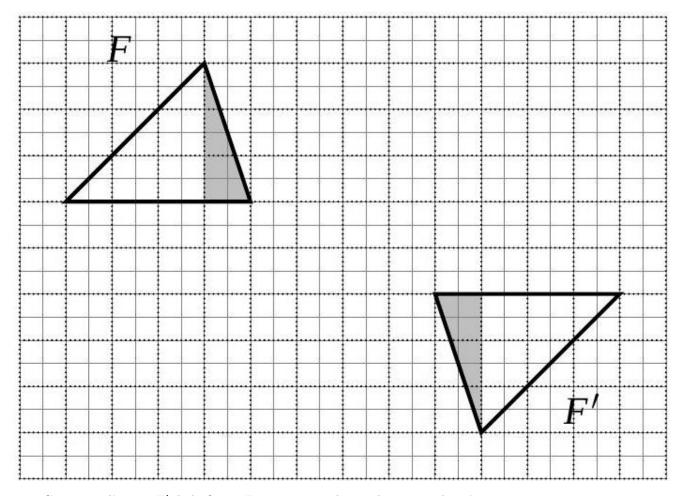
F' est l'image de la figure F par une homothétie de centre O et de rapport -2.

- 1. Construire l'image  $F^\prime$  de la figure F par une symétrie axiale d'axe a.
- 2. Construire l'image F'' de la figure F' par une symétrie centrale de centre O.

  3. Existe-t-il une application permettant d'obtenir directement F'' à partir de F?

Accéder au corrigé

Exercice 7



- 1. Construire l'image F' de la figure F par une translation de vecteur donné.
- 2. Construire l'image  $F^{\prime\prime}$  de la figure  $F^{\prime}$  par une symétrie axiale d'axe b.
- 3. Existe-t-il une transformation qui permet d'obtenir directement  $F^{\prime\prime}$  à partir de F ?
- 4. Existe-t-il une transformation qui permet d'obtenir directement F' à partir de F? Sinon, définir les transformations successives nécessaires pour déplacer F sur F'.

Accéder au corrigé

## Exercice 8

Difficulté: 20/100

Question : Construis le point B', image du point B par la rotation de centre M et d'angle  $60^{\circ}$  dans le sens des aiguilles d'une montre.

Accéder au corrigé

## Exercice 9

Difficulté : 45/100

Question: Vrai ou faux? Corrigez les affirmations si elles sont fausses.

- a) Une homothétie conserve les angles mais modifie les longueurs.
- b) La symétrie axiale par rapport à une droite fixe préserve le sens des vecteurs.
- c) Une rotation de 360° laisse la figure inchangée.

- d) La translation peut déformer la forme d'une figure géométrique.
- e) La symétrie centrale correspond à une rotation de 180° autour d'un point fixe.

#### Accéder au corrigé

#### Exercice 10

Difficulté: 40/100

## ${\bf Question}:$

- a) Construis l'image P'Q'R' du triangle PQR par la rotation  $\mathcal{R}(M;90^{\circ})$ .
- b) Construis l'image P''Q''R'' de P'Q'R' par une homothétie  $\mathcal{H}(M;1,5)$ .
- c) Les triangles PQR et P''Q''R'' sont-ils semblables ?

Accéder au corrigé

## Exercice 11

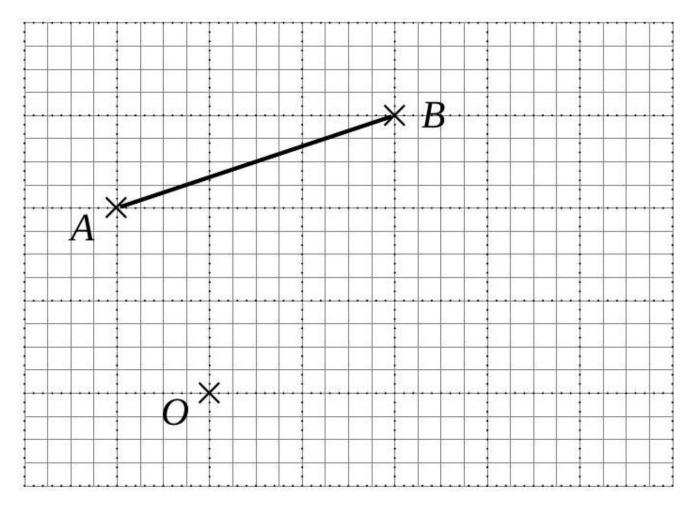
Difficulté : 30/100

## Question:

- a) Les deux parallélogrammes sont-ils toujours semblables ?
- b) Les deux losanges sont-ils toujours semblables?
- c) Les deux triangles scalènes sont-ils toujours semblables?
- d) Les deux trapèzes sont-ils toujours semblés ?
- e) Les deux hexagones réguliers sont-ils toujours semblables ?
- f) Les deux ellipses sont-elles toujours semblables?

Accéder au corrigé

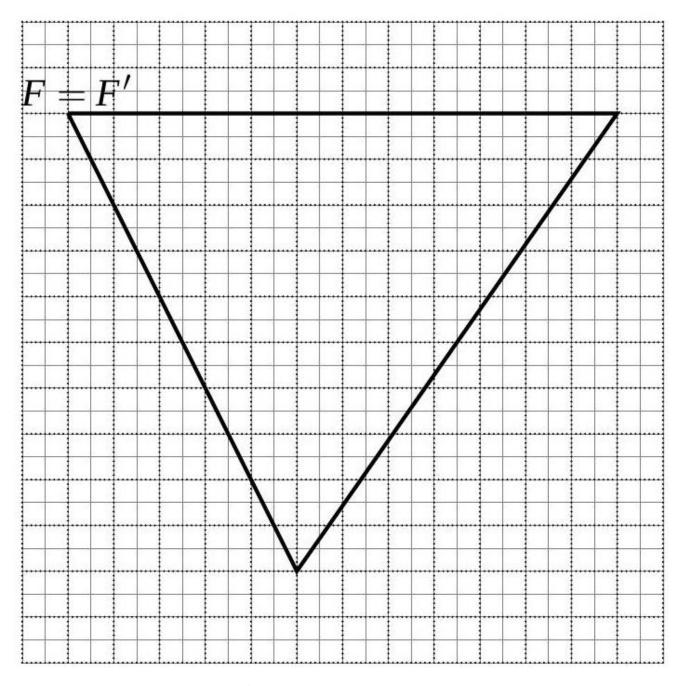
#### Exercice 12



Construisez l'image du segment [AB] par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=90^\circ$  dans le sens des aiguilles d'une montre.

Accéder au corrigé

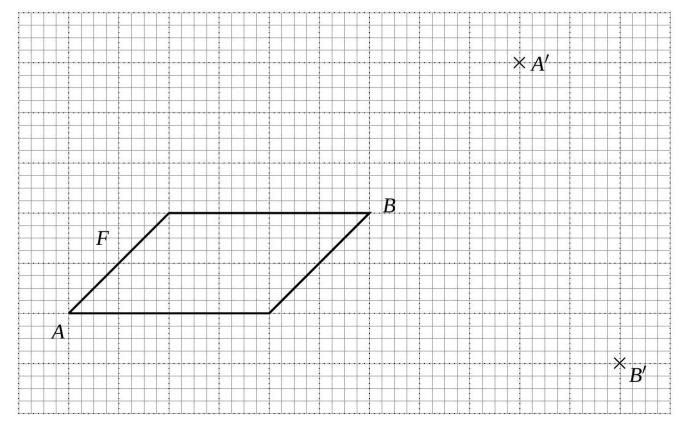
Exercice 13



La figure F est un triangle équilatéral. F' est l'image de F par une rotation d'angle  $\alpha=120^\circ$ . Construire le centre de rotation.

Accéder au corrigé

Exercice 14



Par une rotation, A' est l'image de A et B' est l'image de B.

- 1) Construire le centre O de rotation.
- 2) Mesurer l'angle de rotation.
- 3) Construire l'image F' de la figure F.

Accéder au corrigé

## Exercice 15

Difficulté : 50/100

## Question:

- a. Trace les segments [EF] et [GH] de même longueur, de sorte que les droites (EF) et (GH) ne soient pas parallèles.
- b. Construis le centre  $O_1$  de la rotation  $r_1$  qui transforme E en G et F en H.
- c. Construis le centre  ${\cal O}_2$  de la rotation  $r_2$  qui transforme E en H et F en G.

Accéder au corrigé

## Exercice 16

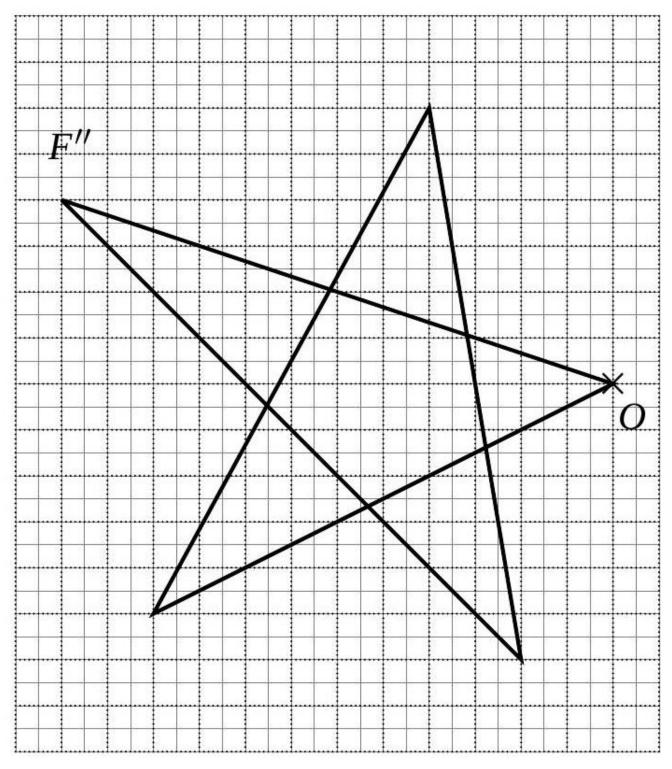
Difficulté: 20/100

#### Question:

- a) Quel solide obtient-on en faisant tourner un carré autour de l'un de ses côtés ?
- b) Quel solide obtient-on en faisant tourner un rectangle autour de l'un de ses côtés ?

Exercice 17

 $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$ 

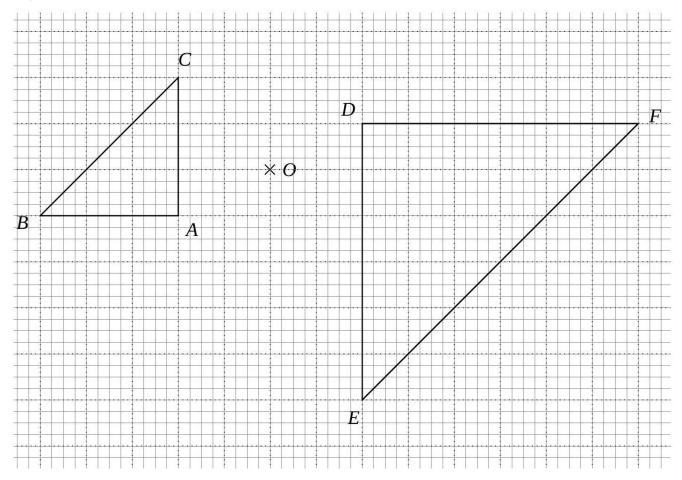


On a d'abord construit l'image F' de la figure F par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=70^\circ$  dans le sens des aiguilles d'une montre. Ensuite, on a obtenu l'image F'' de la figure F' par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=110^\circ$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre. Voici la figure F'' et le centre de rotation O. Construisez la figure initiale F.

#### Exercice 18

## $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$

- 1) Construire l'image A'B'C' du triangle ABC par une rotation de centre O et d'angle de  $180^{\circ}$ .
- 2) Définir complètement l'application qui permet d'obtenir le triangle DEF comme image du triangle A'B'C'.



Accéder au corrigé

#### Exercice 19

Difficulté: 65/100

**Question :** On considère un quadrilatère PQRS. Par une translation qui envoie le point P sur S, les points Q et R sont envoyés respectivement sur T et U.

- a. Tracez la figure.
- b. Reproduisez cette figure à l'aide d'un logiciel de géométrie dynamique et comparez les aires des quadrilatères QTUS et PQRS.
- c. Quelle est la nature des quadrilatères SQTP et PSUR? Justifiez.
- d. Quelle est l'image du triangle PQR par la translation qui envoie P sur S?
- e. Comparez les aires des triangles PSU et TQU d'une part, et des triangles SQT et SPT d'autre part.
- f. Comparez les aires des triangles PQR et SUR.
- g. Justifiez votre réponse à la question b.

## Exercice 20

Difficulté : 50/100

#### Question:

Élise a construit un rectangle WXYZ, puis:

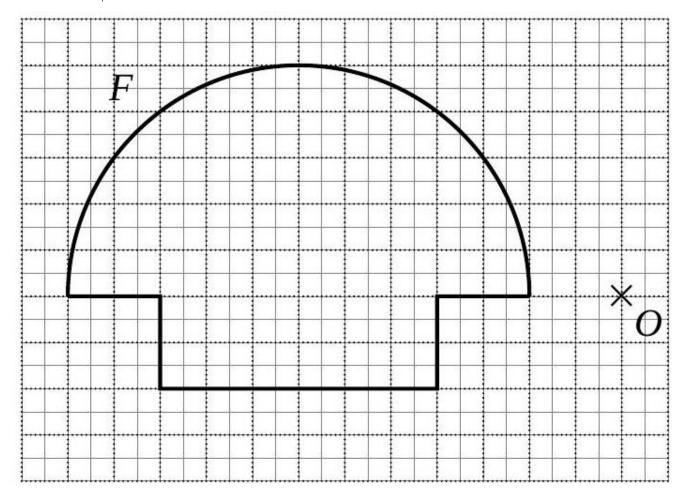
- le point W', symétrique de W par rapport à X;
- le point X', symétrique de X par rapport à Y;
- le point Y', symétrique de Y par rapport à Z;
- le point Z', symétrique de Z par rapport à W.

Elle compare ensuite les aires des quadrilatères WXYZ et W'X'Y'Z' et s'étonne du résultat. Pourquoi?

Accéder au corrigé

## Exercice 21

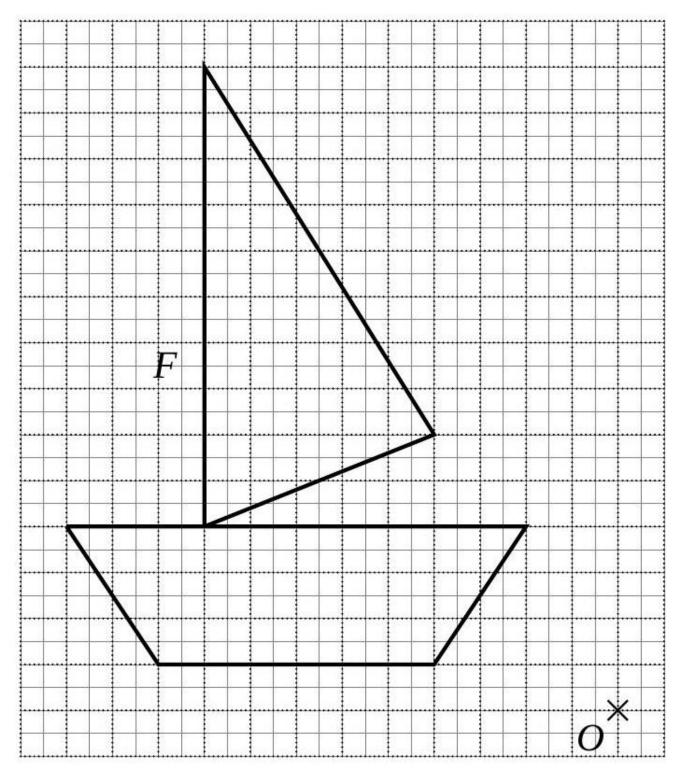
Difficulté: 30/100



- 1. Construisez l'image de la figure F par une rotation de centre O et d'angle  $= 90^{\circ}$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- 2. Construisez l'image de la figure F par une rotation de centre O et d'angle  $= 180^{\circ}$ .

Accéder au corrigé

Exercice 22



- 1. Construire l'image F' de la figure F par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha=30^{\circ}$ , dans le sens des aiguilles d'une montre.
- 2. Construire l'image F'' de la figure F' par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha'=45^{\circ}$ , dans le sens des aiguilles d'une montre.
- 3. F'' est l'image de F par une rotation de centre O et d'angle  $\alpha''$ , dans le sens des aiguilles d'une montre.
  - a. Construire et mesurer l'angle  $\alpha''$ .
  - b. Comparer  $\alpha$ ,  $\alpha'$  et  $\alpha''$ .

## Accéder au corrigé

## Exercice 23

 $\mathbf{Difficult\'e}: 35/100$ 

#### Exercice:

- a. Construis B' et E', images de B et E par la rotation de centre O, d'angle  $60^{\circ}$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- b. Construis A', C' et F', images de A, C et F par la rotation de centre O, d'angle  $90^{\circ}$  dans le sens des aiguilles d'une montre.
- c. Décris la rotation permettant d'affirmer :
- que A' est l'image de C'.
- que E' est l'image de B'.